


أولى علوم رياضية	مراقبة مستمرة 3 الرياضيات	
الدورة 2	2016/04/27	ثانوية أنيس الخاصة

التمرين 1 (8 نقط)	
<p>نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{1}{2} \left(3x - 3 + \frac{1}{(x-1)^3} \right)$</p>	
1. حدد D_f ثم بين أن النقطة $I(1,0)$ هي مركز تماثل للمنحنى (C_f) . استنتج مجموعة الدراسة D_E .	1.5
2. أحسب النهايات $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$.	1
3. حدد الفرعين الانهائيين للمنحنى (C_f) .	1
4. بين أن : $\forall x \in]1, +\infty[$ لكل x من $f(x) = \frac{3(x^2 - 2x)(x^2 - 2x + 2)}{2(x-1)^4}$	1.5
5. ضع جدول تغيرات f على $]1, +\infty[$ ثم على D_f .	1
6. أكتب معادلة المماس (T) لمنحنى f في النقطة ذات الإحداثيات $(2, 2)$.	0.5
7. أرسم المنحنى (C_f) في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) .	1
8. ما هي مبياتيا عدد حلول المعادلة : $3x + \frac{1}{(x-1)^3} = 4035$ ؟	0.5
التمرين 2 (7.5 نقط)	
<p>1- بين أن : $17^{55} \equiv 3[5]$</p>	
<p>2- حدد باقي قسمة العدد 13^{6000} على 7</p>	
<p>3- بين أن : $\forall n \in \mathbb{N} : 10^{6n} + 10^{2n} \equiv 2[11]$</p>	
<p>4- باستعمال خوارزمية أقليدس حدد : $1736 \wedge 380$</p>	
<p>5- تحقق من العدد 503 أولي ثم حل في المجموعة $\mathbb{Z}/503\mathbb{Z}$ المعادلة : $x^2 + 505x - 3 = 0$</p>	
<p>6- أ- تحقق من أن : $n^3 - 9n - 16 = (n+2)(n^2 - 2n - 5) - 6$ ب- بين أن : $(n^3 - 9n - 16) \wedge (n+2) = (n+2) \wedge 6$</p>	
<p>ج- حدد جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية بحيث : $\frac{(n+2)}{n^3 - 9n - 16}$</p>	
التمرين 3 (4.5 نقط)	
<p>1- يحتوي كيس على أربع بیدقات حمراء مرقمة كالتالي 1 , 2 , 3 , 3. وثلاث بیدقات خضراء تحمل الأرقام 0 , 1 , 2 . لا يمكن التمييز بين البیدقات باللمس . نسحب عشوائيا و في آن واحد 3 بیدقات من الكيس .</p>	
<p>أ- ما هو عدد السحبات الممكنة .</p>	
<p>ب- ما هو عدد السحبات في كل من الحالات التالية :</p>	
<p>A : الحصول على 3 بیدقات تحمل اللون الأحمر .</p>	
<p>B : الحصول على ثلاث بیدقات تحمل نفس اللون .</p>	

C : الحصول على ثلاث بیدقات مجموع الأرقام التي تحملها يساوي 5 . 0.5

-2 حل في المجموعة N المعادلة: $C_n^2 = 10$ 0.5

-3 حل في المجموعة N المعادلة: $A_n^2 = 60 + 3n$ 0.5

-4 حل في المجموعة N المعادلة: $2C_n^2 + 6C_n^3 = 9n$ 0.5

-5 بين أن: $\sum_{p=1}^n C_{p+1}^2 = C_{n+2}^3$ و استنتج قيمة المجموع $S_n = \sum_{k=1}^n k(k+1)$ 1

انتهى

بالتوفيق

N.B: + 1pts sur l'organisation et la précision de la réponse

J'ai passé une merveilleuse année avec vous tous .Bonne chance mes chers élèves On va jouer pour être champions au bac si le bon dieu le veut.